

6. В.М. Миллионщиков «Типичное поведение линейных систем дифференциальных уравнений при возмущениях».

Пусть f^t — динамическая система на полном метрическом пространстве \mathfrak{B} . Множество S всех непрерывных ограниченных отображений $A: \mathfrak{B} \rightarrow \text{End}R^n$ наделяется топологией равномерной сходимости.

Теорема. Для типичной точки (A, x) пространства $S \times \mathfrak{B}$ из экспоненциальной устойчивости нулевого решения системы $\dot{y} = A(f^t x)y$ следует экспоненциальная устойчивость нулевого решения системы $\dot{y} = A(f^t x)y + g(t, u)$ для всякой непрерывной функции g с непрерывной g'_u и достаточно малым $\overline{\lim}_{(t,u) \rightarrow (+\infty, 0)} |tu|^{-1} \int_0^t |g(s, u)| ds$.

В. М. Миллионщиков «Нерешенные задачи теории показателей Ляпунова».

Пусть V — компактное n -мерное гладкое многообразие, S_m — множество векторных полей класса C^m на V , наделенное C^m -топологией ($m \in \mathbb{N}$). Показатели Ляпунова, генеральные (особые), центральные показатели уравнения в вариациях векторного поля $g \in S_m$ вдоль траектории точки $y \in V$ рассматриваются как функции $S_m \times V \rightarrow \mathbb{R}$.

Требуется найти условия на решения уравнения в вариациях векторного поля $f \in S_m$ вдоль траектории точки $x \in V$, необходимые и достаточные для того, чтобы (f, x) была точкой непрерывности а) k -го показателя Ляпунова, б) верхнего (нижнего) генерального (особого) показателя, в) верхнего (нижнего) центрального показателя.